

إمتحان بكالوريا التعليم الثانوي « دورة جوان 1996 »

المدة : 3 ساعات

الشعبة : تسيير واقتصاد .

اختبار في مادة الرياضيات

التمرين الأول : (04 نقاط)

عين الأعداد الحقيقية a ، b ، c علما أنها حدود متعاقبة في هذا الترتيب من متتالية حسابية متزايدة و :

$$a + b + c = 9 \quad \text{و} \quad a \times b \times c = 21 .$$

التمرين الثاني : (04 نقاط)

نرمي زهرة نرد ذات ستة وجوه مرقمة من 1 إلى 6 . ونقرأ الرقم الذي يظهر على وجهها العلوي ونفرض أن لجميع الأوجه نفس احتمال الظهور .

(1) ما هو احتمال الحصول على :

أ - عدد أولي

ب - قاسم للعدد 30

(2) حل المعادلة : $2s^2 - 3s - 2 = 0$.

المسألة : (12 نقطة)

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي s المعرفة كما يلي : $f(s) = \frac{s^2}{s^2 - 1}$.

(ك) المنحنى الممثل للدالة f في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس (م . د . ي) .

(1) عين مجموعة تعريف الدالة f .

(2) أثبت أن الدالة f فردية .

(3) أدرس تغيرات الدالة f .

(4) عين معادلة للمماس (Δ) للمنحنى (ك) عند النقطة ذات الفاصلة 0 .

(5) أرسم المستقيم (Δ) ثم المنحنى (ك) .

6 (أثبت أن إقتصار الدالة تا على المجال $[-1, 1]$ يقبل دالة عكسية ها - ثم إستعمل المنحنى (ك) لرسم المنحنى (بي) الممثل للدالة ها في نفس المعلم .

7 (عا الدالة العددية للمتغير الحقيقي من المعرفة كما يلي :

$$\text{عا}(س) = \text{لو}(س - 1) + \text{لو}(س + 1) . \text{ (يرمز لو إلى الدالة اللوغاريتمية النيبيرية)}$$

(أ) - أثبت أن عا هي دالة أصلية للدالة تا على المجال $[-1, +\infty[$.

(ب) - λ عدد حقيقي حيث : $1 > \lambda > 2$.

- أحسب المساحة م(λ) للحيز المستوي المحدد بالمنحنى (ك) والمستقيمات التي معادلاتها $ع = 0$ ، $س = \lambda$ و $س = 2$.